

Минобрнауки России

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

«Оренбургский государственный университет»

Кафедра прикладной математики

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

ДИСЦИПЛИНЫ

«Б1.Д.Б.14.3 Теория вероятностей и математическая статистика»

Уровень высшего образования

БАКАЛАВРИАТ

Направление подготовки

27.03.04 Управление в технических системах
(код и наименование направления подготовки)

Управление и информатика в технических системах
(наименование направленности (профиля) образовательной программы)

Квалификация

Бакалавр

Форма обучения

Заочная

Год набора 2022

Рабочая программа дисциплины «Б1.Д.Б.14.3 Теория вероятностей и математическая статистика» рассмотрена и утверждена на заседании кафедры

Кафедра прикладной математики

наименование кафедры

протокол № 6 от "22" февраля 2022 г.

Заведующий кафедрой

Кафедра прикладной математики

наименование кафедры


подпись

И.П. Болодурина

расшифровка подписи

Исполнители:

Доцент кафедры прикладной математики

должность


подпись

И.В. Крючкова

расшифровка подписи

должность

подпись

расшифровка подписи

СОГЛАСОВАНО:

Председатель методической комиссии по направлению подготовки

27.03.04 Управление в технических системах

код наименование

личная подпись


расшифровка подписи

Заведующий отделом комплектования научной библиотеки


личная подпись

Н.Н. Бигалиева

расшифровка подписи

Уполномоченный по качеству факультета


личная подпись

И.В. Крючкова

расшифровка подписи

№ регистрации _____

1 Цели и задачи освоения дисциплины

Цель освоения дисциплины:

овладение основными вероятностно-статистическими понятиями и методами, необходимыми при обработке и анализе результатов численных и научных экспериментов, статистических данных.

Задачи:

изучение теории вероятностей как основополагающей составляющей статистических методов; овладение наиболее распространенными параметрическими методами математической статистики.

2 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к базовой части блока Д «Дисциплины (модули)»

Пререквизиты дисциплины: Б1.Д.Б.14.1 Математический анализ

Постреквизиты дисциплины: Б1.Д.Б.19 Методы принятия технических решений, Б2.П.В.П.1 Технологическая (производственно-технологическая) практика

3 Требования к результатам обучения по дисциплине

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих результатов обучения

Код и наименование формируемых компетенций	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций
ОПК-1 Способен анализировать задачи профессиональной деятельности на основе положений, законов и методов в области естественных наук и математики	ОПК-1-В-1 Знание основных положений, законов и методов в области естественных наук и математики ОПК-1-В-2 Умение анализировать задачи профессиональной деятельности на основе положений, законов и методов в области естественных наук и математики ОПК-1-В-3 Владение способностью поиска путей решения задач профессиональной деятельности с применением положений, законов и методов естественных наук и математики	Знать: основные вероятностные законы, лежащие в основе статистических методов исследования. Уметь: выявлять, исследовать и моделировать статистические зависимости природных, техногенных, социальных явлений и процессов, оценивать качество и надежность моделей. Владеть: навыками применения методов проверки статистических гипотез относительно параметров и типов распределений, построения статистических моделей и оценки их надежности.

4 Структура и содержание дисциплины

4.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетные единицы (144 академических часа).

Вид работы	Трудоемкость, академических часов	
	3 семестр	всего
Общая трудоёмкость	144	144
Контактная работа:	12,25	12,25
Лекции (Л)	6	6
Практические занятия (ПЗ)	6	6
Промежуточная аттестация (зачет, экзамен)	0,25	0,25
Самостоятельная работа: - самостоятельное изучение разделов; - Случайные события; - Случайные величины; - Системы случайных величин; - Функции случайных величин; - Предельные теоремы теории вероятностей; - Выборки и их характеристики; - Элементы теории оценок и проверки гипотез; - самоподготовка (проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий); - подготовка к практическим занятиям;	131,75	131,75
Вид итогового контроля (зачет, экзамен, дифференцированный зачет)	зачет	

Разделы дисциплины, изучаемые в 3 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
1	Случайные события	30	2	2		26
2	Случайные величины	28	1	2		25
3	Системы случайных величин	16	1			15
4	Функции случайных величин	16				16
5	Предельные теоремы теории вероятностей	6				6
6	Выборки и их характеристики	24	1			23
7	Элементы теории оценок и проверки гипотез	24	1	2		21
	Итого:	144	6	6		132
	Всего:	144	6	6		132

4.2 Содержание разделов дисциплины

1 Случайные события

Случайные события, действия над ними. Алгебра событий. Теоретико-множественная трактовка. Статистическое определение вероятности. Классическое определение вероятности. Элементы комбинаторики. Аксиоматическое определение вероятности. Формула полной вероятности. Формулы Байеса. Схема Бернулли. Предельная теорема в схеме Бернулли.

2 Случайные величины

Понятие случайной величины. Закон распределения дискретной случайной величины. Функция распределения и ее свойства. Непрерывная случайная величина. Плотность распределения и ее свойства. Числовые характеристики случайных величин. Основные законы распределения случайных величин. Закон нормального распределения вероятностей.

3 Системы случайных величин

Функция распределения двумерной случайной величины, ее свойства. Плотность распределения вероятностей двумерной случайной величины и ее свойства. Зависимость и независимость двух случайных величин. Числовые характеристики двумерной случайной величины. Двумерное нормальное распределение. Регрессия. Многомерная случайная величина. Характеристическая функция и ее свойства.

4 Функции случайных величин

Функция одного случайного аргумента. Функции двух случайных аргументов. Распределение функций нормальных случайных величин.

5 Предельные теоремы теории вероятностей

Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Центральная предельная теорема. Интегральная теорема Муавра-Лапласа.

6 Выборки и их характеристики

Генеральная и выборочная совокупности. Эмпирическая функция распределения. Числовые характеристики статистического распределения.

7 Элементы теории оценок и проверки гипотез

Методы нахождения точечных оценок неизвестных параметров распределения. Понятие интервального оценивания параметров. Доверительные интервалы для параметров нормального распределения. Проверка статистических гипотез. Проверка гипотез о законе распределения.

4.3 Практические занятия (семинары)

№ занятия	№ раздела	Тема	Кол-во часов
1	1	Классическое определение вероятности. Алгебра событий. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формулы Байеса. Схема Бернулли.	2
2	2	Дискретная случайная величина. Непрерывная случайная величина. Закон нормального распределения вероятностей.	2
3	7	Точечное и интервальное оценивание параметров распределения. Проверка статистических гипотез.	2
		Итого:	6

5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

5.1 Основная литература

1. Гмурман, В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика [Текст] : учебное пособие для бакалавров / В. Е. Гмурман. - 12-е изд. - Москва : Юрайт, 2014. - 479 с. : ил.
2. Гмурман, В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике [Текст] : учебное пособие для прикладного бакалавриата / В. Е. Гмурман. - 11-е изд., перераб. и доп. - Москва : Юрайт, 2016. - 404 с. : ил.

5.2 Дополнительная литература

1. Мхитарян, В. С. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс] : учеб. пособие / В. С. Мхитарян, Е. В. Астафьева, Ю. Н. Миронкина, Л. И. Трошин; под ред. В. С. Мхитаряна. - 2-е изд., перераб. и доп. - М.: Московский финансово-промышленный университет «Синергия», 2013. - (Университетская серия). - ISBN 978-5-4257-0106-0. <http://znanium.com/bookread2.php?book=451329>

2. Печинкин, А.В. Теория вероятностей [Текст] : учеб.для вузов / А. В. Печинкин [и др.]; под ред. В. С. Зарубина, А. П. Крищенко. - 4-е изд., стер. - М. : МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2006. - 456 с. - (Математика в техническом университете ; вып. 16). - Прил.: с. 443-445. - Библиогр.: с. 446-447. - Предм. указ.: с. 448-452. - ISBN 5-7038-2484-2. - ISBN 5-7038-2485-0.

5.3 Периодические издания

Не предусмотрены

5.4 Интернет-ресурсы

<https://www.coursera.org/learn/probability-theory-basics#syllabus> - «Coursera», MOOK: «Теория вероятностей для начинающих»;

<https://openedu.ru/course/#query=теория%20вероятностей> - «Открытое образование», MOOK: Курсы по теории вероятностей;

<https://www.edx.org/course/probability-basic-concepts-discrete-random-variables-0> - «EdX», MOOK: Курс по теории вероятностей (на англ. языке);

https://www.lektorium.tv/medialibrary?search_api_views_fulltext=теория+вероятностей&type=All&recorded_from%5Bdate%5D=&recorded_to%5Bdate%5D=&sort_by=created&sort_order=ASC - «Лекториум», MOOK: Курсы по теории вероятностей.

http://window.edu.ru/catalog/resources?p_rubr=2.2.74.12.52 - Федеральный портал «Российское образование». Информационные ресурсы по теории вероятностей.

<http://mathhelpplanet.com/> - Математический форум с обсуждением и решением задач.

5.5 Программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. Операционная система Microsoft Windows

2. Open Office/LibreOffice - свободный офисный пакет программ, включающий в себя текстовый и табличный редакторы, редактор презентаций и другие офисные приложения.

3. Автоматизированная интерактивная система сетевого тестирования - АИССТ (зарегистрирована в РОСПАТЕНТ, Свидетельство о государственной регистрации программы для ЭВМ №2011610456, правообладатель – Оренбургский государственный университет), режим доступа - <http://aist.osu.ru>.

4. Большая российская энциклопедия [Электронный ресурс] : база данных. – Режим доступа: <https://bigenc.ru/>.

6 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, семинарского типа, для проведения групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации.

Аудитории оснащены комплектами ученической мебели, техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

Помещение для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой, подключенной к сети "Интернет", и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду ОГУ.