

Минобрнауки России

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

«Оренбургский государственный университет»

Кафедра прикладной математики

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

ДИСЦИПЛИНЫ

«С.1.Б.11 Математический анализ»

Уровень высшего образования

СПЕЦИАЛИТЕТ

Специальность

10.05.01 Компьютерная безопасность
(код и наименование специальности)

специализация №4 «Разработка защищенного программного обеспечения»
(наименование направленности (профиля)/специализации образовательной программы)

Квалификация

Специалист по защите информации

Форма обучения

Очная

Год набора 2020

Рабочая программа дисциплины «С.1.Б.11 Математический анализ» рассмотрена и утверждена на заседании кафедры

Кафедра прикладной математики

наименование кафедры

протокол № 7 от "11" февраля 2020 г.

Заведующий кафедрой

Кафедра прикладной математики

наименование кафедры


подпись

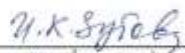
И.П. Болодурина

расшифровка подписи

Исполнители:


должность


подпись


расшифровка подписи

должность

подпись

расшифровка подписи

СОГЛАСОВАНО:

Председатель методической комиссии по специальности

10.05.01 Компьютерная безопасность

код наименование


личная подпись


расшифровка подписи

Заведующий отделом комплектования научной библиотеки

личная подпись


расшифровка подписи

Н.Н. Грицай

Уполномоченный по качеству факультета

личная подпись


расшифровка подписи

Н.В. Кромова

№ регистрации 111592

1 Цели и задачи освоения дисциплины

Цель освоения дисциплины:

формирование у студентов знания основ математического анализа, на которых базируются другие математические дисциплины; выработка навыков решения важнейших задач математического анализа.

Задачи:

Задачами освоения дисциплины являются: изучение теории пределов; основ дифференциального исчисления функций одной переменной (включая исследование функций и построение их графиков); интегрального исчисления функций одной переменной (включая неопределенный интеграл, определенный интеграл, несобственные интегралы); основ дифференциального исчисления функций многих переменных; теории рядов (числовых, степенных, тригонометрических); кратных, криволинейных, поверхностных интегралов; элементов теории поля.

2 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к базовой части блока 1 «Дисциплины (модули)»

Пререквизиты дисциплины: *Отсутствуют*

Постреквизиты дисциплины: *С.1.Б.14 Теория вероятностей и математическая статистика, С.1.Б.18 Физика, С.1.Б.20 Дифференциальные уравнения, С.1.Б.21 Численный анализ, С.1.В.ДВ.2.2 Методы оптимизации*

3 Требования к результатам обучения по дисциплине

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих результатов обучения

Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций	Формируемые компетенции
Знать: основные понятия изученных разделов математического анализа, важнейшие свойства объектов, используемых в высшей математике, законов, которым они подчиняются. Уметь: доказывать основные теоремы математического анализа; логически строго и обоснованно решать задачи, соответствующие изучаемым разделам математического анализа; Владеть: основными приёмами математического доказательства, навыками применения важнейших формул дифференциального и интегрального исчисления.	ОПК-1 способностью анализировать физические явления и процессы при решении профессиональных задач
Знать: структуру и основы математического анализа как базы всей современной высшей математики. Уметь: правильно формулировать конкретную задачу; применять теоретические знания к решению конкретной задачи; видеть и понимать связь между основными понятиями математического анализа и других областей высшей математики, устанавливать межпредметную связь.	ОПК-2 способностью корректно применять при решении профессиональных задач аппарат математического анализа, геометрии, алгебры, дискретной математики,

Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций	Формируемые компетенции
Владеть: техникой решения задач; навыками работы с математической литературой.	математической логики, теории алгоритмов, теории вероятности, математической статистики, теории информации, теоретико-числовых методов
Знать: основные положения изученных разделов математического анализа. Уметь: использовать аппарат математического анализа в исследованиях, необходимых в профессиональной деятельности Владеть: навыками решения задач математического анализа, возникающих во время указанных исследований.	ОПК-4 способностью применять методы научных исследований в профессиональной деятельности, в том числе в работе над междисциплинарными и инновационными проектами

4 Структура и содержание дисциплины

4.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 13 зачетных единиц (468 академических часов).

Вид работы	Трудоемкость, академических часов			
	1 семестр	2 семестр	3 семестр	всего
Общая трудоёмкость	180	180	108	468
Контактная работа:	51,25	51,25	51,25	153,75
Лекции (Л)	34	34	34	102
Практические занятия (ПЗ)	16	16	16	48
Консультации	1	1	1	3
Промежуточная аттестация (зачет, экзамен)	0,25	0,25	0,25	0,75
Самостоятельная работа: - выполнение расчетно-графического задания (РГЗ); - самостоятельное изучение разделов «Параметрические уравнения некоторых кривых», «Задание некоторых кривых в полярной системе координат», «Гиперболические функции», «Неберущиеся интегралы»; - самоподготовка (проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий; - подготовка к практическим занятиям; - подготовка к коллоквиумам; - подготовка к рубежному контролю и т.п.)	128,75	128,75	56,75	314,25
Вид итогового контроля (зачет, экзамен, дифференцированный зачет)	экзамен	экзамен	экзамен	

Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
1	Введение в математический анализ.	22	4	2	-	16
2	Понятие о функции одной вещественной переменной. Предел и непрерывность функции.	50	1	6	-	34
3	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	64	14	6	-	44
4	Применение средств дифференциального исчисления к исследованию функций и построению графиков	44	6	2	-	36
	Итого:	180	34	16		130

Разделы дисциплины, изучаемые в 2 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
5	Первообразная функции и неопределенный интеграл	54	8	6	-	40
6	Определенный интеграл Римана	36	8	2	-	26
7	Приложения определенного интеграла	30	4	2	-	24
8	Дифференциальное исчисление функции многих переменных	60	14	6	-	40
	Итого:	180	34	16		130

Разделы дисциплины, изучаемые в 3 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
9	Числовые ряды.	30	8	8	-	14
10	Функциональные последовательности и ряды	26	8	4	-	14
11	Элементы функционального анализа.	24	8	-	-	16
12	Ряды и преобразование Фурье.	28	10	4	-	14
	Итого:	108	34	16		58
	Всего:	468	102	48		318

4.2 Содержание разделов дисциплины

1 Введение в математический анализ

Предмет и метод математического анализа. Основные математические символы. Множества. Операции с множествами. Точная верхняя и точная нижняя грани множеств. Числовые множества. Вещественные числа как множество бесконечных десятичных дробей. Счетные множества и множества мощности континуум. Свойства вещественных чисел. Числовые

последовательности. Предел числовой последовательности. Критерий Коши. Основные теоремы о пределах.

2 Понятие о функции одной вещественной переменной. Предел и непрерывность функции.

Понятие о функции. Область определения функции. Основные элементарные функции. Предел функции в точке и на бесконечности. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Свойства предела функции. Односторонние пределы. Замечательные пределы. Непрерывность функции в точке. Локальные свойства непрерывных функций. Непрерывность элементарных функций. Односторонняя непрерывность. Точки разрыва, их классификация. Свойства функций, непрерывных на отрезке.

3 Дифференциальное исчисление функций одной переменной.

Понятие производной. Геометрический смысл производной. Понятие дифференцируемости функции. Непрерывность дифференцируемой функции. Понятие дифференциала. Дифференцирование сложной и обратной функции. Инвариантность формы первого дифференциала. Геометрический смысл дифференциала. Приближенные вычисления при помощи первого дифференциала. Производная суммы, разности, произведения и частного. Производные простейших элементарных функций. Логарифмическое дифференцирование. Производные и дифференциалы высших порядков. Неинвариантность второго дифференциала. Формула Лейбница. Теорема Ферма о нуле производной. Теоремы Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Бернулли - Лопиталя. Дифференцирование функции, заданной параметрически. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа и в форме Пеано. Формула Маклорена. Разложение некоторых элементарных функций. Примеры приложений формулы Маклорена.

4 Применение средств дифференциального исчисления к исследованию функций и построению графиков

Экстремумы функции. Необходимое и достаточное условия экстремума. Два правила отыскания точек экстремума. Выпуклость графика функции. Точки перегиба. Необходимое и достаточные условия точек перегиба. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования графика функции.

5 Первообразная функции и неопределенный интеграл.

Понятие первообразной функции и неопределенного интеграла. Основные свойства неопределенного интеграла. Таблица основных неопределенных интегралов. Интегрирование методом введения под знак дифференциала. Интегрирование методом замены переменной. Интегрирование «по частям». Разложение правильной рациональной дроби на сумму простейших дробей. Интегрируемость рациональной дроби в элементарных функциях. Интегрируемость в элементарных функциях некоторых тригонометрических и иррациональных выражений.

6 Определенный интеграл Римана.

Интегральные суммы Римана. Суммы Дарбу. Определенный интеграл как предел интегральных сумм. Ограниченность интегрируемой по Риману функции. Некоторые классы интегрируемых функций. Свойства определенного интеграла. Теоремы о среднем значении. Интеграл с переменным верхним пределом. Его непрерывность и дифференцируемость. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной в определённом интеграле. Приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы первого и второго рода. Сходимость несобственных интегралов. Достаточные признаки их сходимости. Абсолютная и условная сходимость несобственного интеграла. Понятие о главном значении несобственного интеграла.

7 Приложения определенного интеграла.

Понятие границы множества и плоской фигуры. Площадь плоской фигуры. Площадь криволинейной трапеции и криволинейного сектора. Примеры вычисления площадей. Объем тела. Вычисление объема тела вращения, примеры. Длина дуги кривой. Понятие спрямляемой кривой. Вычисление длины дуги кривой. Вычисление площади боковой поверхности тела вращения.

8 Дифференциальное исчисление функции многих переменных

Множества m -мерного евклидова пространства. Расстояние между точками. Окрестность точки. Последовательность точек. Сходимость последовательности. Теорема о попарной сходимости. Свойства ограниченной последовательности точек. Повторные пределы. Непрерывность функции m -переменных. Основные свойства непрерывных функций нескольких переменных. Частные производные функций нескольких переменных. Дифференцируемость функции нескольких переменных. Непрерывность дифференцируемой функции. Существование частных производных у дифференцируемой функции. Достаточные условия дифференцируемости. Дифференциал функции нескольких переменных. Его геометрический смысл. Дифференцирование сложной функции. Инвариантность формы первого дифференциала. Производная по направлению. Градиент. Частные производные высших порядков. Дифференциалы высших порядков. Их инвариантность. Мнемоническая формула дифференциала. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа и в форме Пеано. Локальный экстремум функции m -переменных. Необходимое условие экстремума. Понятие о квадратичных формах. Достаточное условие локального экстремума функции m переменных. Понятие неявной функции. Существование и дифференцируемость неявно заданной функции. Понятие условного экстремума. Метод множителей Лагранжа.

9 Числовые ряды.

Понятие числового ряда. Сумма ряда. Исследование сходимости ряда, образованного геометрической прогрессией. Свойства сходящихся рядов. Критерий Коши сходимости ряда. Необходимое условие сходимости ряда. Ряды с неотрицательными членами. Признаки сравнения. Признаки Даламбера и Коши. Интегральный признак. Абсолютно и условно сходящиеся ряды. Теоремы о перестановке членов условно и абсолютно сходящихся рядов. Знакопередающие ряды. Признак Лейбница. Предел последовательности комплексных чисел. Числовые ряды с комплексными членами. Необходимое и достаточное условие сходимости рядов с комплексными членами.

10 Функциональные последовательности и ряды.

Понятие функционального ряда. Область (точечной) сходимости. Равномерная сходимость. Признак Вейерштрасса равномерной сходимости. Свойства равномерно сходящихся рядов: непрерывность суммы, почленное дифференцирование, почленное интегрирование. Степенные ряды. Теорема Абеля. Область сходимости степенного ряда. Свойства степенных рядов. Разложение функций в степенные ряды. Элементарные представления о функциях комплексной переменной. Формулы Эйлера. Теорема Вейерштрасса о равномерном приближении непрерывной функции многочленами.

11 Элементы функционального анализа.

Линейные пространства. Нормированные пространства. Анализ в нормированных пространствах. Пространство со скалярным произведением. Банахово пространство. Понятие о гильбертовых пространствах. Понятие об интеграле Лебега.

12 Ряды и преобразование Фурье.

Ортонормированные системы и общие ряды Фурье. Тригонометрическая система. Тригонометрические ряды Фурье. Теорема Дирихле. Простейшее условие равномерной сходимости и почленного дифференцирования тригонометрического ряда Фурье. Представление функции интегралом Фурье. Примеры. Некоторые свойства преобразования Фурье.

4.3 Практические занятия (семинары)

№ занятия	№ раздела	Тема	Кол-во часов
1	1	Точные грани числовых множеств.	2
2	2	Раскрытие неопределенности вида $\langle\infty/\infty\rangle$, $\langle\infty-\infty\rangle$.	2
3	2	Раскрытие неопределенности вида $\langle 0/0\rangle$, $\langle \infty \cdot 0\rangle$. «Замечательные» пределы	2
4	2	Непрерывность функции. Классификация точек разрыва.	2
5	3	Табличное дифференцирование. Производные сложных функций. Логарифмическое дифференцирование	2
6	3	Раскрытие неопределенностей с помощью правила Бернулли-Лопиталя.	2
7	3	Формула Тейлора.	2
8	4	Исследование функций и построение их графиков	2
9	5	Интегрирование путем внесения под знак дифференциала.	2
10	5	Метод замены переменной в неопределенном интеграле. Интегрирование «по частям».	2
11	5	Интегрирование дробно-рациональных функций.	2
12	6	Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменных, интегрирование «по частям» в определенном интеграле.	2
13	7	Вычисление площадей, объемов, длин дуг.	2
14	8	Частные производные. Полный дифференциал. Приближенные вычисления. Уравнение касательной плоскости.	2
15	8	Производная сложной функции. Полная и частная производная. Производная по направлению. Градиент.	2
16	8	Экстремум функции нескольких переменных.	2
17	9	Необходимое условие сходимости ряда, ряд геометрической прогрессии. Обобщенный гармонический ряд. Знакоположительные ряды. Достаточные признаки их сходимости.	4
18	9	Абсолютно и условно сходящиеся ряды. Признак Лейбница. Приближенные вычисления суммы ряда Лейбница.	2
19	9	Числовые ряды с комплексными членами.	2
20	10	Нахождение области сходимости функционального ряда, круга сходимости, интервала сходимости степенного ряда.	2
21	10	Применение интегрирования и дифференцирования для нахождения сумм степенных рядов.	2
22	12	Ряды и преобразование Фурье.	4
		Итого:	48

5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

5.1 Основная литература

1. Ржевский, С. В. Высшая математика II: дифференциальное исчисление : учебное пособие / С.В. Ржевский. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 257 с. - ISBN 978-5-16-108266-9. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1065257>
2. Ржевский, С. В. Высшая математика III: интегральное исчисление : учебное пособие / С.В. Ржевский. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 262 с. - ISBN 978-5-16-108267-6. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1065258>
3. Ржевский, С. В. Высшая математика IV: числовые и функциональные ряды; обыкновенные дифференциальные уравнения : учебное пособие / С.В. Ржевский. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 127 с. - ISBN 978-5-16-108268-3. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1065259>

5.2 Дополнительная литература

1. Бугров, Я.С. Дифференциальное и интегральное исчисление [Текст]: учебник для вузов / Я.С. Бугров, С.М. Никольский. – 3-е изд; испр. – М.: Наука, 1988. – 431 с.: ил.
2. Демидович, Б.П. Задачи и упражнения по математическому анализу [Текст] для вузов: учеб. пособие для вузов / под ред. Б. П. Демидовича. - М. : Наука, 1978. - 479 с.: ил.

5.3 Периодические издания

Не рекомендуются

5.4 Интернет-ресурсы

www.exponenta.ru – Internet-класс по высшей математике: Вся математика, от пределов и производных до методов оптимизации, уравнений математической физики и проверки статистических гипотез в среде самых популярных математических пакетов.

www.dic.academic.ru – Курс, входящий в учебный план технических и некоторых других специальных учебных заведений, включающий аналитическую геометрию, Элементы высшей алгебры, дифференциальное и интегральное исчисление, дифференциальные уравнения.

<https://www.lektorium.tv/mooc> - «Лекториум», MOOK: «Дискретная математика».

5.5 Программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. Операционная система Microsoft Windows.
2. Пакет офисных программ Microsoft Office (Word, Excel, PowerPoint, OneNote, Outlook, Publisher, Access).
3. Антивирусное ПО: Kaspersky Endpoint Security для бизнеса - Стандартный Russian Edition на 2 года.
4. Программа для просмотра сайтов Яндекс.Браузер, свободно распространяемая, входит в реестр отечественного ПО. Режим доступа: https://yandex.ru/legal/browser_agreement/. Бессрочно.
5. Adobe Acrobat Reader DC. Доступно бесплатно после принятия условий лицензионного соглашения на ПО Adobe. Разработчик: Adobe Systems. Режим доступа: <https://get.adobe.com/ru/reader/>.

6. 7-Zip. Предоставляется по лицензии GNU LGPL. Разработчик: Игорь Павлов. Режим доступа: <http://www.7-zip.org/>.

7. STDU Viewer - ПО для просмотра электронных документов в формате PDF, DjVu, TIFF, FB2, EPub и др. Режим доступа: <http://www.stdutility.com/stdviewer.html>.

8. LibreOffice - свободный офисный пакет программ, включающий в себя текстовый и табличный редакторы, редактор презентаций и другие офисные приложения.

6 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, семинарского типа, для проведения групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации.

Аудитории оснащены комплектами ученической мебели, техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

Помещение для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой, подключенной к сети "Интернет", и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду ОГУ.

К рабочей программе прилагаются:

- Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине;
- Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины.